


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Уфимский университет науки и технологий»
Институт среднего профессионального образования

УТВЕРЖДАЮ

Председатель ПЦК ООД

 Т.П. Чеботарёва

«30» августа 2024 г.

Рабочая программа учебной дисциплины

ООД.07. Математика

Наименование специальности

15.02.16. Технология машиностроения

Квалификация выпускника

Техник технолог

Базовая подготовка
Форма обучения: очная

Уфа, 2024

Рабочая программа учебной дисциплины разработана на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования (далее ФГОС СПО) по специальности 15.02.16. Технология машиностроения, утвержденного приказом Министерства просвещения Российской Федерации от 14 июня 2022 года № 444

Организация-разработчик: Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Уфимский университет науки и технологий» Институт среднего профессионального образования

СОДЕРЖАНИЕ

| | стр. |
|--|------|
| 1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 4 |
| 2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 9 |
| 3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 16 |
| 4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ | 17 |
| 5. ФОНДЫ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ | 22 |
| 6. АДАПТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДЛЯ ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ (ОВЗ) | 28 |

1. ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «МАТЕМАТИКА»

1.1. Место учебного предмета в структуре профессиональной образовательной программы СПО:

Общеобразовательный учебный предмет «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы в соответствии с ФГОС 15.02.16 Технология машиностроения.

1.2. Цели и планируемые результаты освоения учебного предмета:

1.2.1. Цель учебного предмета

Содержание программы общеобразовательного учебного предмета «Математика» направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО по специальности 15.02.16 Технология машиностроения.

1.2.2. Цели и задачи предмета – требования к результатам освоения предмета:

По учебному предмету "Математика" (включая разделы "Алгебра и начала математического анализа", "Геометрия", "Вероятность и статистика") (углубленный уровень) требования к предметным результатам освоения углубленного курса математики должны включать требования к результатам освоения базового курса и дополнительно отражать:

- 1) умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;
- 2) умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов;
- 3) умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;

- 4) умение свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;
- 5) умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;
- 6) умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;
- 7) умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;
- 8) умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций; умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции; умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;
- 9) умение свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно

убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;

10) умение оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;

11) умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;

12) умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;

13) умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;

14) умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые,

параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;

15) умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;

16) умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;

17) умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3 , определитель матрицы, геометрический смысл определителя;

18) умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата

алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;

19) умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.

2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

| Вид учебной работы | Объем в часах* | |
|---|---------------------------------|-----------------------|
| | 1 | 2 |
| Семестр | | |
| Объем образовательной программы учебного предмета | 80 | 176 |
| В т.ч. | | |
| Основное содержание | 78 | 158 |
| В т. ч.: | | |
| теоретическое обучение | 48 | 96 |
| практические занятия | 30 | 62 |
| Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля) | 8 | 16 |
| В т. ч.: | | |
| теоретическое обучение | | |
| практические занятия | 8 | 16 |
| Самостоятельная работа | 2 | 4 |
| Индивидуальный проект (да/нет)** | нет | |
| Консультация | | 2 |
| Промежуточная аттестация | <i>дифференцированный зачет</i> | <i>Экзамен 12</i> |

2.2. Тематический план и содержание учебного предмета Математика

| Наименование разделов и тем | Содержание учебного материала, практические занятия, самостоятельная работа обучающихся | | Объем часов |
|---|---|---|-------------|
| 1 | 2 | | 3 |
| Раздел 1. Алгебра и начала математического анализа | | | |
| Тема 1. Повторение курса математики основной школы | Содержание учебного материала | | 2 |
| | 1 | Цель и задачи математики при освоении специальности. Числа и вычисления. Выражения и преобразования | |
| | 2 | Процентные вычисления | |
| | 3 | Геометрия на плоскости | |
| | 4 | Уравнения и неравенства | |
| | 5 | Системы уравнений и неравенств | |
| | Практические занятия | | 2 |
| | 1 | Входной контроль. Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. | |
| | 2 | Геометрия на плоскости | 2 |
| Тема 2. Уравнения и неравенства | Содержание учебного материала | | 2 |
| | 1 | Равносильность уравнений и неравенств. Общие методы решения | |
| | 2 | Графический метод решения уравнений, неравенств | |
| | 3 | Уравнения и неравенства с модулем | |
| | 4 | Уравнения и неравенства с параметрами | 2 |
| | Практические занятия | | 2 |
| | 1 | Составление и решение профессиональных задач с помощью уравнений | |
| | 2 | Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами | 2 |
| Тема 3. Степени и корни. Степенная функция | Содержание учебного материала | | 2 |
| | 1 | Степенная функция, ее свойства | |
| | 2 | Преобразование выражений с корнями n-ой степени | |
| | 3 | Свойства степени с рациональным и действительным показателями | 2 |
| | Практические занятия | | 2 |
| 1 | Степени и корни. Степенная функция | 2 | |

| | | | |
|---|--|--|---|
| | 2 | Решение иррациональных уравнений и неравенств | 2 |
| Тема 4. Показательная функция | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Показательная функция, ее свойства | 2 |
| | 2 | Решение показательных уравнений и неравенств | 2 |
| | 3 | Системы показательных уравнений | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Показательная функция, ее свойства | 2 |
| | 2 | Решение показательных уравнений и неравенств | 2 |
| | 3 | Системы показательных уравнений | 2 |
| Тема 5. Логарифмы. Логарифмическая функция | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число e | 2 |
| | 2 | Свойства логарифмов. Операция логарифмирования | 2 |
| | 3 | Логарифмическая функция, ее свойства | 2 |
| | 4 | Решение логарифмических уравнений и неравенств | 2 |
| | 5 | Системы логарифмических уравнений | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Логарифм числа. Логарифмическая функция, ее свойства | 2 |
| | 2 | Решение логарифмических уравнений и неравенств | 2 |
| | 3 | Логарифмы в природе и технике | 2 |
| Тема 6. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла | 2 |
| | 2 | Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения | 2 |
| | 3 | Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла | 2 |
| | 4 | Функции, их свойства. Способы задания функций | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла. Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения | 2 |
| 2 | Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух углов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла | 2 | |

| | | | |
|---|---|--|---|
| | 3 | Описание производственных процессов с помощью графиков функций | 2 |
| | Самостоятельная работа | | 2 |
| | 1 | Преобразования с помощью вспомогательного аргумента | |
| Дифференцированный зачет | | | |
| Тема 6. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции | Содержание учебного материала | | |
| | 5 | Тригонометрические функции $y = \cos x$, $y = \sin x$, их свойства и графики | 2 |
| | 6 | Тригонометрические функции $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$., их свойства и графики | 2 |
| | 7 | Преобразование графиков тригонометрических функций | 2 |
| | 8 | Обратные тригонометрические функции | 2 |
| | 9 | Тригонометрические уравнения | 2 |
| | 10 | Тригонометрические неравенства | 2 |
| | 11 | Системы тригонометрических уравнений | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 4 | Тригонометрические функции, их свойства и графики | 2 |
| | 5 | Обратные тригонометрические функции | 2 |
| | 6 | Тригонометрические уравнения | 2 |
| | 7 | Тригонометрические неравенства | 2 |
| | Тема 7. Производная функции, ее применение | Содержание учебного материала | |
| 1 | | Бесконечная числовая последовательность. Предел числовой последовательности. | 2 |
| 2 | | Предел функции. Теоремы о пределах функций. Правила вычисления пределов. Замечательные пределы. | 2 |
| 3 | | Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования. | 2 |
| 4 | | Производные суммы, разности произведения, частного. | 2 |
| 5 | | Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции | 2 |
| 6 | | Геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции. | 2 |
| 7 | | Физический смысл производной в профессиональных задачах | 2 |
| 8 | | Понятие о непрерывности функции. Метод интервалов | 2 |
| 9 | | Монотонность функции. Экстремум функции. | 2 |
| 10 | | Дифференциал функции и его геометрический смысл. Производные и дифференциалы высших | 2 |

| | | | |
|--|--|--|---|
| | | порядков | |
| | 11 | Вторая производная и её физический смысл. Выпуклость графика функции. Точки перегиба. | 2 |
| | 12 | Исследование функции и построение графиков. | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Вычисление пределов | 2 |
| | 2 | Вычисление производных | 2 |
| | 3 | Монотонность функции. Экстремум функции. | 2 |
| | 4 | Выпуклость графика функции. Точки перегиба. | 2 |
| | 5 | Нахождение оптимального результата с помощью производной в практических задачах | 2 |
| Тема 8. Первообразная функции, применение | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Первообразная. Неопределённый интеграл и его свойства. Основные формулы интегрирования. | 2 |
| | 2 | Интегрирование методом замены переменной. | 2 |
| | 3 | Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции. Основные свойства определённого интеграла. | 2 |
| | 4 | Вычисление определённого интеграла методами замены переменной. | 2 |
| | 5 | Применение определённого интеграла для вычисления площадей плоских фигур. | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Неопределённый интеграл. | 2 |
| | 2 | Определённый интеграл. | 2 |
| | 3 | Вычисление площадей плоских фигур. | 2 |
| | 4 | Определённый интеграл в жизни | 2 |
| | Тема 9. Комплексные числа | Содержание учебного материала | |
| 1 | | Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая форма записи комплексного числа. | 2 |
| 2 | | Геометрическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Действия с комплексными числами | 2 |
| Практические занятия | | | |
| 1 | | Выполнения действий с комплексными числами. | 2 |
| 2 | | Применение комплексных чисел | 2 |
| Самостоятельная работа | | | |
| 1 | Примеры использования комплексных чисел | 2 | |

| | | | |
|---|---|--|---|
| Раздел 10. Множества. Элементы теории графов | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Множества. | 2 |
| | 2 | Графы | 2 |
| | Практические занятия | | 2 |
| | 1 | Операции с множествами. Операции с графами | |
| Самостоятельная работа | | | |
| 1 | Примеры использования графов | 2 | |
| Раздел 2. Геометрия | | | |
| Тема 11. Прямые и плоскости в пространстве | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Основные понятия стереометрии. Расположение прямых и плоскостей. Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | 2 |
| | 2 | Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей. Теорема о трех перпендикулярах | 2 |
| | 3 | Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые | 2 |
| | Практические занятия | | 2 |
| | 1 | Расположение прямых и плоскостей | |
| | 2 | Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | |
| 3 | Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые | 2 | |
| Тема 12. Координаты и векторы | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками. Координаты середины отрезка | 2 |
| | 2 | Векторы в пространстве. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов | 2 |
| | Практические занятия | | 2 |
| | 1 | Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. | |
| | 2 | Угол между векторами. Скалярное произведение векторов | |
| 3 | Практико-ориентированные задачи на координатной плоскости | 2 | |
| Тема 13. Многогранники и тела вращения | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Многогранник и его составляющие. Призма, ее составляющие, сечение. Прямая и правильная призма. Симметрия призмы. | 2 |
| | 2 | Параллелепипед, куб. Сечение куба, параллелепипеда. Симметрия куба. | 2 |
| | 3 | Пирамида, ее составляющие, сечение. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Симметрия | 2 |

| | | | |
|--|-------------------------------|---|------------|
| | | пирамиды. | |
| | 4 | Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды | 2 |
| | 5 | Правильные многогранники, их свойства | 2 |
| | 6 | Цилиндр, его составляющие. Сечение цилиндра | 2 |
| | 7 | Конус, его составляющие. Сечение конуса. Усеченный конус. Сечение усеченного конуса | 2 |
| | 8 | Шар и сфера, их сечения | 2 |
| | 9 | Понятие об объеме тела. Отношения объемов подобных тел. | 2 |
| | 10 | Объемы и площади поверхностей тел | 2 |
| | 11 | Комбинации многогранников и тел вращения | 2 |
| | 12 | Геометрические комбинации на практике | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Свойства призмы и параллелепипеда. | 2 |
| | 2 | Свойства пирамиды. | 2 |
| | 3 | Тела и поверхности вращения. Конус, его составляющие | 2 |
| | 4 | Объемы и площади поверхностей тел | 2 |
| | 5 | Примеры симметрий в профессии | 2 |
| Раздел 3. Вероятность и статистика | | | |
| Раздел 14. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей | Содержание учебного материала | | |
| | 1 | Основные понятия комбинаторики. | 2 |
| | 2 | Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей | 2 |
| | 3 | Дискретная случайная величина, закон ее распределения. | 2 |
| | 4 | Задачи математической статистики | 2 |
| | Практические занятия | | |
| | 1 | Элементы комбинаторики. Элементы статистики и теории вероятностей | 2 |
| | 2 | Вероятность в профессиональных задачах | 2 |
| | 3 | Составление таблиц и диаграмм на практике | 2 |
| Экзамен | | | 12 |
| Самостоятельная работа | | | 6 |
| Консультация | | | 2 |
| Максимальная учебная нагрузка | | | 236 |

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

3.1. Для реализации программы учебного предмета должны быть предусмотрены следующие специальные помещения:

Реализация программы дисциплины требует наличия учебного кабинета математики.

Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- комплект учебно-наглядных пособий;
- задания для контрольных работ;
- профессионально ориентированные задания;
- материалы экзамена.

Технические средства обучения:

- персональный компьютер с лицензионным программным обеспечением;
- проектор с экраном.

3.2. Информационное обеспечение обучения

Основные источники:

1. Башмаков М.И. Математика : учебник / Башмаков М.И. — Москва : КноРус, 2021. — 394 с. — ISBN 978-5-406-08166-2. — URL: <https://book.ru/book/939220>.

2. Башмаков, М.И. Математика. Практикум : учебно-практическое пособие / Башмаков М.И., Энтина С.Б. — Москва : КноРус, 2021. — 294 с. — ISBN 978-5-406-05758-2. — URL: <https://book.ru/book/939104>.

Дополнительные источники:

1. Богомолов Н.В. Практические занятия по математике: Учебное пособие для средних специальных учебных заведений/Н.В. Богомолов. — 6-е изд., стер. — М.: Высш. шк., 2003. — 495 с.

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Контроль и оценка результатов освоения предмета осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий, тестирования, а также выполнения обучающимися индивидуальных заданий, проектов, исследований.

| Результаты обучения | Формы и методы контроля результатов обучения |
|--|--|
| <p>Освоение содержания учебного предмета «Математика» обеспечивает достижение обучающимися следующих результатов:</p> <p><i>личностных:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> – сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики; – понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей; – развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования; – овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки; – готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности; – готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности; – готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности; – отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, | <p>Основные методы контроля знаний: текущий, периодический и итоговый контроль.</p> <p>Текущий контроль проводится в форме:</p> <ul style="list-style-type: none"> – устного опроса; – письменного опроса (самостоятельной и контрольной работы); – проверки выполнения письменных домашних работ; – тестирования по темам. <p>Проверка может быть индивидуальной, фронтальной и комбинированной.</p> <p>Периодический контроль в форме: письменной работы по каждому разделу предмета.</p> <p>Форма промежуточной аттестации, установленная учебным планом в конце 1 семестра – дифференцированный зачет, 2 семестра – экзамен.</p> |

общенациональных проблем;

метапредметных:

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;
- владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;
- владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;
- целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

предметных:

- сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;
- сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического

| | |
|--|--|
| <p>построения математических теорий;</p> <ul style="list-style-type: none"> – владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач; – владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств; – сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей; – владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием; – сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин; – владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач. | |
|--|--|

| Форма контроля результатов обучения | Критерии оценки результатов обучения |
|---|---|
| <p>Проверочная работа, контрольная работа</p> | <ul style="list-style-type: none"> – «отлично» выставляется обучающемуся, если работа выполнена полностью, или в ней имеются несущественные ошибки; на качественные и теоретические вопросы дан полный, исчерпывающий ответ литературным языком с соблюдением технической терминологии в определенной логической последовательности, приводит новые примеры, устанавливает связь между изучаемым и ранее изученным материалом по курсу, умеет применить знания в новой ситуации; – «хорошо» выставляется обучающемуся, если работа выполнена полностью или не менее чем на 80 % от объема задания, но в ней имеются недочеты и несущественные ошибки; ответ на качественные и теоретические вопросы |

| | |
|--------------|---|
| | <p>удовлетворяет вышеперечисленным требованиям, но содержит неточности в изложении фактов, определений, понятий, объяснении взаимосвязей, выводах и решении задач; учащийся испытывает трудности в применении знаний в новой ситуации, не в достаточной мере использует связи с ранее изученным материалом.</p> <ul style="list-style-type: none"> – «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, если выполнена в основном верно (объем выполненной части составляет не менее 2/3 от общего объема), но допущены существенные неточности; обучающийся обнаруживает понимание учебного материала при недостаточной полноте усвоения понятий и закономерностей; умеет применять полученные знания при решении простых задач с использованием готовых формул, но затрудняется при решении качественных задач и сложных количественных задач, требующих преобразования формул. – «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, если работа в основном не выполнена (объем выполненной части менее 2/3 от общего объема задания); обучающийся показывает незнание основных понятий, непонимание изученных закономерностей и взаимосвязей, не умеет решать количественные и качественные задачи. |
| Тестирование | Оценивается дифференцированно в соответствии с критериями оценок (см. таблицу из п.5) |
| Устный опрос | <ul style="list-style-type: none"> – «отлично» выставляется обучающемуся, если он полностью раскрыл содержание материала в объеме, предусмотренном программой; изложил материал грамотным языком в определенной логической последовательности, точно используя математическую и специализированную терминологию и символику; правильно выполнил графическое изображение и иные чертежи и графики, сопутствующие ответу; показал умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации при выполнении практического задания; продемонстрировал усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов, сформированность и устойчивость используемых при ответе умений и навыков; отвечал самостоятельно без наводящих вопросов. – «хорошо» выставляется обучающемуся, если ответ имеет один из недостатков: в изложении допущены небольшие пробелы, не исказившие логического и информационного содержания ответа; нет определенной логической последовательности, неточно используется математическая и специализированная терминология и символика; допущены один-два недочета при освещении основного содержания ответа, исправленные по замечанию преподавателя; допущены ошибка или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов или в выкладках, легко исправленные по замечанию или вопросу преподавателя. – «удовлетворительно» выставляется обучающемуся, если неполно или непоследовательно раскрыто содержание |

| | |
|--|--|
| | <p>материала, но показано общее понимание вопроса, имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, чертежах, блок-схем и выкладках, исправленные после нескольких наводящих вопросов преподавателя; обучающийся не справился с применением теории в новой ситуации при выполнении практического задания, но выполнил задания обязательного уровня сложности по данной теме; при знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность основных умений и навыков.</p> <p>– «неудовлетворительно» выставляется обучающемуся, если не раскрыто основное содержание учебного материала; обнаружено незнание или непонимание обучающимся большей или наиболее важной части учебного материала; допущены ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, в чертежах, блок-схемах и иных выкладках, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов преподавателя.</p> |
|--|--|

5.ФОНДЫ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

1 семестр обучения. Форма контроля – «Дифференцированный зачет»

Вопросы для проведения дифференцированного зачета за I семестр
по предмету «Математика»

1. Десятичные приближения действительных чисел. Абсолютная и относительная погрешности, их границы.
2. Корни и степени. Корни натуральной степени из числа и их свойства.
3. Степень с рациональным и действительными показателями, её свойства
4. Определение числовой функция. График функции. Простейшие преобразования графиков функций.
5. Свойства функций: монотонность, ограниченность, чётность и нечётность, периодичность.
6. Обратные функции. График обратной функции.
7. Степенная функция $y = x^p$ с натуральным показателем степени, её графики и свойства
8. Степенная функция $y = x^{-2n} = \frac{1}{x^{2n}}$ её график и свойства
9. Степенная функция $y = x^{-(2n-1)} = \frac{1}{x^{2n-1}}$ её график и свойства
10. Степенная функция $y = x^r$, где $r = \frac{m}{n} > 1$, $x \geq 0$ её график и свойства
11. Степенная функция $y = x^r$, где $0 < \frac{m}{n} < 1$, $x \geq 0$. её график и свойства
12. Степенная функция $y = x^r$, $r = -\frac{m}{n}$ её график и свойства
13. Показательная функция $y = a^x$, где $a > 0$, $a \neq 1$, её график и свойства
14. Показательная функция $y = a^x$, где $0 < a < 1$, её график и свойства
15. Функция $y = \log_a x$, где $a > 0$, $a \neq 1$, её свойства и график.
16. Функция $y = \log_a x$, где $0 < a < 1$, её свойства и график.
17. Понятие логарифма. Свойства логарифмов.
18. Понятие логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

19. Логарифмирование и потенцирование выражений.
20. Решение показательных уравнений.
21. Решение показательных неравенств.
22. Решение логарифмических уравнений.
23. Решение логарифмических неравенств.
24. Соотношения между градусной и радианной мерами углов.
25. Тригонометрические функции числового аргумента, знаки их значений.
26. Соотношения между тригонометрическими функциями одного аргумента.
27. Формулы приведения.
28. Тригонометрические функции суммы и разности двух углов.
29. Тригонометрические функции двойного угла.
30. Тригонометрические функции половинного аргумента.
31. Формулы понижения степени.
32. Преобразование суммы и разности одноимённых тригонометрических функций в произведение.
33. Тригонометрическая функция $y = \sin x$, её график и свойства.
34. Тригонометрическая функция $y = \cos x$, её график и свойства.
35. Тригонометрическая функция $y = \operatorname{tg} x$, её график и свойства.
36. Тригонометрическая функция $y = \operatorname{ctg} x$, её график и свойства.
37. Понятие арккотангенса числа. Функция $y = \operatorname{arccot} x$, её график и свойства.
38. Понятие арккотангенса числа. Функция $y = \operatorname{arccot} x$, её график и свойства.
39. Понятие арксинуса числа. Функция $y = \operatorname{arcsin} x$, её график и свойства.
40. Понятие арккосинуса числа. Функция $y = \operatorname{arccos} x$, её график и свойства.
41. Решение простейших тригонометрических уравнений.
42. Решение тригонометрических неравенств $\sin x < a$, $\sin x > a$.
43. Решение тригонометрических неравенств $\cos x < a$, $\cos x > a$.
44. Решение тригонометрических неравенств $\operatorname{tg} x < a$, $\operatorname{tg} x > a$.
45. Решение тригонометрических неравенств $\operatorname{ctg} x < a$, $\operatorname{ctg} x > a$.

2 семестр обучения. Форма контроля – «Экзамен»

Вопросы для проведения экзамена за 2 семестр по предмету «Математика»

1. Показательная функция, её график и свойства. Решение показательных уравнений.
2. Понятие логарифма. Свойства логарифмов. Решение логарифмических уравнений.
3. Формулы тригонометрических выражений.
4. Решение простейших тригонометрических уравнений
5. Предел функции в бесконечности.
6. Вычисление предела функции в точке. Правила раскрытия неопределённости вида $\frac{0}{0}$.
7. Вычисление предела функции в бесконечности. Правила раскрытия неопределённостей вида $\frac{\infty}{\infty}$ и $\infty - \infty$.
8. Производная функции, её геометрический и физический смысл.
9. Правила дифференцирования суммы, разности, произведения, частного двух функций. Уравнение касательной к графику функции.
10. Правило дифференцирования сложной функции.
11. Формулы дифференцирования.
12. Условия возрастания и убывания функции.
13. Экстремум функции. Исследование функции на экстремум с помощью первой производной.
14. Вторая производная и её физический смысл. Исследование функции на экстремум с помощью второй производной.
15. Первообразная. Неопределённый интеграл и его свойства.
16. Основные формулы интегрирования.

17. Определённый интеграл и его геометрический смысл. Основные свойства определённого интеграла.
18. Вычисление определённого интеграла методом замены переменной, формула интегрирования по частям.
19. Вычисление площадей плоских фигур с помощью определённого интеграла.
20. Понятие вектора. Линейные операции над векторами и их свойства.
21. Скалярное произведение векторов и его свойства.
22. Операции над векторами, заданными своими координатами. Формулы координат середины отрезка, расстояния между двумя точками, косинуса угла между векторами в координатах.
23. Условия коллинеарности и перпендикулярности векторов.
24. Основные понятия и аксиомы стереометрии. Следствия из аксиом стереометрии
25. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Признак параллельности прямых.
26. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости.
27. Взаимное расположение двух плоскостей. Признак параллельности двух плоскостей.
28. Существование плоскости, параллельной данной плоскости.
29. Свойства параллельных плоскостей.
30. Угол между прямыми в пространстве. Перпендикулярность прямых в пространстве. Свойство перпендикулярных прямых.
31. Угол между прямой и плоскостью. Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости.
32. Свойства перпендикулярности прямой и плоскости.
33. Перпендикуляр и наклонная. Теорема о трёх перпендикулярах.
34. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей. Признак перпендикулярности плоскостей.
35. Параллельное проектирование и его свойства. Ортогональное проектирование на плоскость. Площадь ортогональной проекции многоугольника.

36. Понятие о многограннике. Призма. Виды призм. Объём и площадь поверхности пирамиды. Объёмы подобных тел Боковая поверхность прямой призмы.
37. Параллелепипед, его виды и свойства.
38. Прямоугольный параллелепипед и его свойства.
39. Пирамида. Виды пирамид. Свойства параллельных основанию сечений в пирамиде. Объём и площадь поверхности пирамиды. Объёмы подобных тел
40. Правильная пирамида. Боковая поверхность правильной пирамиды.
41. Правильные многогранники.
42. Цилиндр. Сечения цилиндра плоскостями. Объём и площадь поверхности цилиндра
43. Конус. Сечения конуса плоскостями. Объёмы и площади поверхностей, конуса, усечённого конуса.
44. Шар. Сечение шара плоскостью. Объёмы шара и его частей. Площадь сферы.
45. Касательная плоскость к шару. Пересечение двух сфер. Вписанные и описанные многогранники.
46. Понятие о событиях. Виды случайных событий. Частота и вероятность события.
47. Элементы комбинаторики.
48. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
49. Формулы полной вероятности, Байеса. Формула Бернулли.
50. Математическое ожидание и дисперсия.

Оценка индивидуальных образовательных достижений по результатам промежуточной аттестации производится в соответствии с универсальной шкалой:

| Процент результативности (правильных ответов) | Качественная оценка индивидуальных образовательных достижений | |
|--|--|--------------------------|
| | балл (отметка) | вербальный аналог |
| 90 ÷ 100 | 5 | отлично |
| 80 ÷ 89 | 4 | хорошо |
| 70 ÷ 79 | 3 | удовлетворительно |
| менее 70 | 2 | неудовлетворительно |

Критерии оценки:

- 90 ÷ 100% (5 баллов) присваивается обучающемуся, если он полностью выполнил задание экзаменационного билета: дал правильные ответы на все вопросы и решил все задачи;
- 80 ÷ 89% (4 балла) присваивается обучающемуся, если он полностью выполнил одно практическое задание экзаменационного билета и дал правильный ответ на теоретический вопрос, либо выполнил два практических задания, но не смог правильно ответить на теоретический вопрос;
- 70 ÷ 79 % (3 балла) присваивается обучающемуся, если он полностью выполнил одно практическое задание экзаменационного билета и допустил существенные ошибки при ответе на теоретический вопрос;
- менее 70% (2 балла) присваивается обучающемуся, если он не смог выполнить ни одного практического задания экзаменационного билета.

6. АДАПТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДЛЯ ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ (ОВЗ)

Адаптированная программа разрабатывается при наличии заявления со стороны обучающегося (родителей, законных представителей) и медицинских показаний (рекомендациями психолого-медико-педагогической комиссии). Для инвалидов адаптированная образовательная программа разрабатывается в соответствии с индивидуальной программой реабилитации.